

Research Article  
Vol. ?, No. ?, ?, p. ?-?

## Simulation of Heat and Mass Transfer in a Refractance Window Dryer for Aloe vera gel

A. Shahraki<sup>1</sup>, M. Khojastehpour<sup>1\*</sup>, M. R. Golzarian<sup>1</sup>, E. Azarpazhooh<sup>2</sup>

1- Department of Biosystems Engineering, Faculty of Agriculture, Ferdowsi University of Mashhad, Mashhad, Iran

2- Department of Agricultural Engineering Research, Khorasan Razavi Agricultural and Natural Resources Research and Education Center, AREEO, Mashhad, Iran

(\*- Corresponding Author Email: [mkhpour@um.ac.ir](mailto:mkhpour@um.ac.ir))

Received: 02 January 2023  
Revised: 19 February 2023  
Accepted: 22 February 2023  
Available Online: 22 February 2023

### How to cite this article:

Shahraki, A., Khojastehpour, M., Golzarian, M. R., & Azarpazhooh, E. (2024). Simulation of Heat and Mass Transfer in a Refractance Window Dryer for Aloe vera gel. *Journal of Agricultural Machinery*, (in Persian with English abstract). <https://doi.org/10.22067/jam.2023.80368.1141>

### Introduction

Drying is one of the oldest methods of food preservation. To increase the efficiency of heat and mass transfer while maintaining product quality, the study of the drying process is crucial scientifically and meticulously. It is possible to conduct experimental tests, trial and error, in the drying process. However, this approach consumes time and cost, with a significant amount of energy resources. By harnessing available software and leveraging technological advancement to develop a general model for drying food under varying initial conditions, the drying process can be significantly optimized.

### Materials and Methods

This study was conducted with the aim of simulating heat and mass transfer during Refractance window drying for aloe vera gel. Comsol Multiphysics version 5.6 is a three-dimensional model used to solve heat and mass transfer equations. For this purpose, the differential equations of heat and mass transfer were solved simultaneously and interdependently. The above model considered various initial conditions: water temperature of 60, 70, 80, and 90°C, and aloe vera gel thickness of 5 and 10 mm. The initial humidity and temperature of the aloe vera is uniform. The initial temperature is 4°C and the initial humidity of the fresh aloe vera sample is 110  $\text{g}_{\text{water}}/\text{g}_{\text{dry matter}}$ . Heat is supplied only by hot water from the bottom surface of the product.

### Results and Discussion

The drying time was needed to reduce the moisture content of aloe vera gel from 110 to 0.1  $\text{g}_{\text{water}}/\text{g}_{\text{dry matter}}$  during Refractance window drying. Aloe vera gel with a thickness of 5 mm dried in 120, 100, 70, and 50 minutes at water temperatures of 60, 70, 80, and 90°C, respectively. For a 10 mm thick layer of aloe vera gel, the drying time was 240, 190, 150, and 120 minutes, for water temperatures of 60 to 90°C, respectively. These results demonstrate the importance of both the water temperature and thickness on the drying time. Furthermore, the drying rate of aloe vera gel increased as the water temperature increased from 60 to 90°C, the drying rates were 0.915, 1.099, 1.57, and 2.198  $\text{g}_{\text{water}}/\text{min}$  for 5 mm thickness and 0.457, 0.578, 0.732, and 0.915  $\text{g}_{\text{water}}/\text{min}$  for 10 mm thick layer of aloe vera gel, respectively.

### Conclusion

Based on the simulation results, the optimal model is with a water temperature of 90°C and an aloe vera gel thickness of 5 mm. Overall, the modeling results are consistent with the results of experimental data.

**Keywords:** Aloe vera gel, Heat transfer, Mass transfer, Refractance window dryer, Simulation



©2023 The author(s). This is an open access article distributed under [Creative Commons Attribution 4.0 International License \(CC BY 4.0\)](https://creativecommons.org/licenses/by/4.0/).

<https://doi.org/10.22067/jam.2023.80368.1141>

## مقاله پژوهشی

جلد ۴، شماره ۴، ۴۴، ص ۴-۴

## شبیه‌سازی انتقال حرارت و جرم در خشک‌کن رفرکتانس ویندو برای ژل آلوتئورا

آتنا شهرکی<sup>۱</sup>، مهدی خجسته‌پور<sup>۲\*</sup>، محمودرضا گلزاریان<sup>۳</sup>، الهام آذرپژوه<sup>۴</sup>

تاریخ دریافت: ۱۴۰۱/۱۰/۱۲

تاریخ پذیرش: ۱۴۰۱/۱۲/۰۳

## چکیده

این مطالعه با هدف شبیه‌سازی انتقال حرارت و جرم در طول خشک کردن رفرکتانس ویندو برای ژل آلوتئورا انجام شده است. با کمک نرم‌افزار کامسول مولتی فیزیکس (COMSOL Multiphysics) یک مدل سه‌بعدی برای حل معادلات انتقال حرارت و جرم ایجاد شد. بدین منظور معادلات دیفرانسیل انتقال حرارت و جرم به صورت هم‌زمان و وابسته به هم حل شدند. مدل فوق با شرایط اولیه، دمای آب ۶۰، ۷۰، ۸۰ و ۹۰ درجه سلسیوس و ضخامت ژل آلوتئورا ۵ و ۱۰ میلی‌متر در نظر گرفته شده است. نتایج حاصل از شبیه‌سازی نشان داد زمان خشک کردن مورد نیاز برای کاهش رطوبت ژل آلوتئورا از ۱۱۰ به ۰/۱ گرم آب بر گرم ماده خشک در طول خشک کردن رفرکتانس ویندو در دمای آب ۶۰، ۷۰، ۸۰ و ۹۰ درجه سلسیوس برای ژل آلوتئورا با ضخامت ۵ میلی‌متر به ترتیب ۱۲۰، ۱۰۰، ۷۰ و ۵۰ دقیقه و برای ژل آلوتئورا با ضخامت ۱۰ میلی‌متر به ترتیب ۲۴۰، ۱۹۰، ۱۵۰ و ۱۲۰ دقیقه بود. همچنین سرعت خشک شدن برای ژل آلوتئورا با ضخامت ۵ میلی‌متر به ترتیب ۰/۹۱۵، ۱/۰۹۹، ۱/۵۷ و ۲/۱۹۸ گرم آب بر دقیقه و برای ژل آلوتئورا با ضخامت ۱۰ میلی‌متر به ترتیب ۰/۴۵۷، ۰/۵۷۸، ۰/۷۳۲ و ۰/۹۱۵ گرم آب بر دقیقه بود. بنابراین نتایج حاصل از شبیه‌سازی، مطابق داده‌های تجربی مقالات مشابه است و هرچه دمای آب بالاتر و ضخامت محصول کمتر باشد، محصول سریع‌تر خشک می‌شود.

## واژه‌های کلیدی: انتقال حرارت، انتقال جرم، رفرکتانس ویندو، ژل آلوتئورا، شبیه‌سازی

## مقدمه

آسان‌تر و ارزان‌تر شود. تبدیل محصولات کشاورزی به پودر از طریق خشک کردن، موثرترین روش برای ایجاد محصولی است که نه تنها از نظر عملکردی مناسب است، بلکه می‌تواند برای مدت طولانی بدون خراب شدن نگهداری شود. هدف نهایی از فرآیند خشک کردن کاهش مقدار ضایعات و افزایش مدت ماندگاری محصول‌ها است (Franco *et al.*, 2019). عیب اصلی مربوط به فرآیندهای خشک کردن این است که فرآیندی با مصرف انرژی بالا است. امروزه صرفه‌جویی در مصرف انرژی و افزایش بهره‌وری، مهم‌ترین مسئله در تولید محصولات و رقابت‌پذیری آن‌ها در بازار است (Dev & Raghavan, 2012).

خشک کردن به روش رفرکتانس ویندو<sup>۵</sup> یکی از روش‌های نوین است که در سال‌های اخیر، به دلیل مزیت‌های متعدد، توجه زیادی به خود جلب کرده است. خشک کردن به روش رفرکتانس ویندو یک روش غیرحرارتی جدید برای خشک کردن محصولات از جمله پوره های حساس به حرارت، مایعات و خلال‌های میوه‌ها و سبزیجات است (Nindo, Feng, Shen, Tang, & Kang, 2003). تاکنون مطالعات

خشک کردن یک عملیات واحد است و یکی از قدیمی‌ترین روش‌های حفظ و نگه‌داری مواد غذایی است. در حالت کلی خشک کردن مواد غذایی از نظر اقتصادی دارای اهمیت است. تولید محصولات خشک با کیفیت می‌تواند نقش مهمی در افزایش صادرات کشور داشته باشد. همچنین باعث می‌شود حجم و وزن ماده غذایی کم شود و حمل و نقل، نگهداری و ذخیره‌سازی محصول خشک‌شده

- ۱- دانشجوی کارشناسی ارشد مهندسی مکانیک بیوسیستم، دانشکده کشاورزی، دانشگاه فردوسی مشهد، مشهد، ایران
  - ۲- استاد، گروه مهندسی بیوسیستم، دانشکده کشاورزی، دانشگاه فردوسی مشهد، مشهد، ایران
  - ۳- دانشیار، گروه مهندسی بیوسیستم، دانشکده کشاورزی، دانشگاه فردوسی مشهد، مشهد، ایران
  - ۴- دانشیار، گروه تحقیقات فنی و مهندسی کشاورزی، مرکز تحقیقات و آموزش کشاورزی و منابع طبیعی استان خراسان رضوی، سازمان تحقیقات آموزش و ترویج کشاورزی، مشهد، ایران
- \*- نویسنده مسئول:  
(Email: mkhpour@um.ac.ir)

 <https://doi.org/10.22067/jam.2023.80368.1141>

خشک‌کن رفرکتنس ویندو برای ژل آلوئه‌ورا پرداخته شده است. آلوئه‌ورا یک گیاه پرخاصیت و بومی آفریقا است، اگرچه در سراسر جهان در اکثر مناطق گرمسیری و نیمه‌گرمسیری به دلیل توانایی آن برای سازگاری با آب و هوای مختلف کشت می‌شود (Kumar, Singh, Gupta, Bishayee, & Pandey, 2019). معمولاً ژل آلوئه‌ورا را به دلیل داشتن آب زیاد پس از برداشت، بیش‌تر از چند روز نمی‌توان نگهداری کرد (Añibarro-Ortega et al., 2019). آلوئه‌ورا خشک شده محصولی است که کاربرد متنوعی در صنعت دارد. از دلایل اصلی خشک‌کردن آلوئه‌ورا، تولید محصولی با قابلیت ماندگاری بیش‌تر و استفاده راحت از پودر آلوئه‌ورا و کاهش هزینه‌های مربوط به بسته‌بندی و حمل‌ونقل پودر آلوئه‌ورا می‌باشد (Antury, Rojas, & Bermeo, 2021). پودر آلوئه‌ورا اغلب برای پوست و هم‌چنین به عنوان مواد تشکیل‌دهنده در فرآورده‌های غذایی مختلف مانند نوشیدنی‌ها، بستنی و غیره استفاده می‌شود (Ayala-Aponte, Cárdenas-Nieto, & Tirado, 2021).

شبیه‌سازی و مدل‌سازی، ابزاری بسیار قدرتمند برای پیش‌بینی الگوهای جریان هوا و تغییرات درجه حرارت و اثر پارامترهای موثر مختلف در محیط‌های کنترل شده مانند خشک‌کن‌ها است. با این روش می‌توان گستره وسیعی از شرایط خشک‌کردن را در یک محیط مجازی شبیه‌سازی کرد. مدل‌سازی انتقال حرارت و جرم در شرایط مختلف خشک‌کردن یکی از روش‌های کم‌هزینه برای بهینه‌کردن خشک‌کن‌های صنعتی در جهت افزایش بازده انرژی و بهبود کیفیت محصول نهایی است و جامعه علمی امروز نیازمند نظریه‌های دقیق در مبحث خشک‌شدن محصولات کشاورزی هست طوری که بتوانند فرایند خشک‌شدن را به‌طور دقیق پیش‌بینی کند (Zou, Opara, & McKibbin, 2006). به‌طور کلی، مدل‌سازی برای خشک‌کن‌ها به دو روش تجربی و حل عددی (تحلیلی) انجام شده است. یکی از روش‌های حل عددی که می‌توان از آن برای حل مسئله‌های مهندسی استفاده کرد، روش المان محدود<sup>۳</sup> است که با پیشرفت فناوری و رایانه، نرم‌افزارهای تحلیل مهندسی که با روش المان محدود کار می‌کنند رو به پیشرفت هستند (Milczarek & Alleyne, 2017).

نرم‌افزار کامسول یکی از پیشرفته‌ترین نرم‌افزارهای مهندسی است و توانایی تحلیل هم‌زمان چندین پدیده فیزیکی را دارد. این نرم‌افزار برای حل معادلات المان محدود است و به کمک آن به راحتی می‌توان معادلات دیفرانسیل جزئی<sup>۴</sup> مربوط به پدیده‌های مختلف را به صورت هم‌زمان تعریف و تحلیل کرد (Mahapatra & Tripathy, 2018). این نرم‌افزار در فرایند خشک‌کردن قابلیت تحلیل هم‌زمان

زیادی به‌منظور بررسی آزمایشگاهی خشک‌کن رفرکتنس ویندو انجام شده است.

در تحقیقی به ارزیابی زمان خشک‌شدن کیوی با خشک‌کن رفرکتنس ویندو پرداخته‌اند. تأثیر ضخامت محصول (۸/۰، ۶/۱ و ۴/۲ میلی‌متر) و دمای آب (۸۰، ۹۰ و ۱۰۰ درجه سلسیوس) بر مدت زمان خشک‌کردن بررسی شده است. زمان لازم برای رسیدن به رطوبت نهایی در روش رفرکتنس ویندو در مقایسه با خشک‌کردن آون (ضخامت برش ۴/۲ میلی‌متر و دمای ۱۰۰ درجه سلسیوس) ۱۴۰ دقیقه کم‌تر بود (Jafari, Azizi, Mirzaei, & Dehnad, 2016). در تحقیقی دیگر به خشک‌کردن انبه در خشک‌کن رفرکتنس ویندو پرداخته‌اند. ضخامت پوره انبه (۲، ۳ و ۴ میلی‌متر) و درجه حرارت آب (۸۵، ۹۰ و ۹۵ درجه سلسیوس) متغیرهای مستقل این تحقیق بود. نتایج نشان می‌داد که خشک‌کردن انبه با ضخامت دو میلی‌متر کوتاه‌ترین زمان خشک‌شدن را دارد. نمونه بهینه انبه خشک‌شده با سیستم رفرکتنس ویندو، در دمای ۹۵ درجه سلسیوس با ضخامت ۲/۴۹ میلی‌متر تعیین شد (Shende & Datta, 2020).

نتایج حاصل از خشک‌کردن دو گونه پوره‌ی سیب‌زمینی با استفاده از خشک‌کن رفرکتنس ویندو با دمای آب گرم ۷۰ تا ۹۰ درجه سلسیوس نشان داد که شرایط بهینه مدت زمان خشک‌کردن برای یک گونه سیب‌زمینی ۵/۲۰ دقیقه و برای گونه‌ی دیگر ۱۲/۱ دقیقه و دمای آب ۹۴ درجه سلسیوس بود (Duarte-Correa, Vargas, Carmona, Vásquez-Restrepo, Ruiz Rosas, & Perez Martinez, 2021). هم‌چنین نتایج تحقیقی مشابه از خشک‌کن رفرکتنس ویندو برای پوره‌ی انبه با ضخامت ۶ میلی‌متر در دمای آب گرم ۷۵، ۸۰، ۸۵ و ۹۰ درجه سلسیوس و سرعت هوا ۰/۷ متر بر ثانیه نشان داد که دمای محصول در ابتدا افزایش سریعی داشت و در طول فرایند خشک‌شدن ثابت ماند. هم‌چنین زمان خشک‌کردن مورد نیاز برای کاهش رطوبت پوره‌ی انبه از ۳۳/۵ تا ۲۵/۰ گرم آب بر گرم ماده خشک در طول خشک‌کردن رفرکتنس ویندو بین ۵/۷ و ۸/۵ ساعت بود (Kumar, Madhumita, Srivastava, & Prabhakar, 2022).

محققین در پژوهشی، به مقایسه‌ی پارامترهای خشک‌کردن در خشک‌کن هوای گرم و خشک‌کن رفرکتنس ویندو در دماهای مختلف (۶۰، ۷۰، ۸۰ و ۹۰ درجه سلسیوس) بر روی برش‌های سیب پرداختند. نتایج نشان داد که مدت زمان خشک‌کردن محصول در خشک‌کن رفرکتنس ویندو ۲۵ تا ۳۷/۵ درصد کم‌تر از خشک‌کن هوای گرم در شرایط مشابه خشک‌کردن است. هم‌چنین این مطالعه نشان داد که خشک‌کردن رفرکتنس ویندو می‌تواند به‌طور موثر برای خشک‌کردن لایه‌های نازک میوه‌های حساس به حرارت مانند سیب در زمان کوتاه تری با کیفیت محصول بهتر در مقایسه با خشک‌کردن هوای گرم استفاده شود (Rajoriya, Shewale, & Hebbar, 2019).

در این مطالعه به بررسی نحوه شبیه‌سازی انتقال حرارت و جرم در

### خشک‌کن رفرکتانس ویندو

به‌طور کلی خشک‌کن رفرکتانس ویندو از یک حمام حرارتی استاتیکی تشکیل می‌شود که با آب پر می‌شود. در این خشک‌کن سطح آب با ورق پلاستیکی شفاف مادون قرمز (فیلم پلی‌استر مایلار<sup>۴</sup>) با ضخامت ۰/۲۵ میلی‌متر پوشیده شده است. محصول اغلب به‌صورت خمیری یا پوره روی سطح بالایی مایلار پخش می‌شود. در مسیر خشک‌کردن چند فن قرار می‌گیرد تا بخار آبی که در اثر خشک شدن محصول ایجاد می‌شود را از بین ببرد و بخار آب از محفظه خشک‌کن خارج شود و مجدد به محصول بازنگردد (Kudra & Mujumdar, 2009). در شکل ۱ خشک‌کن رفرکتانس ویندو و شماتیک آن نشان داده شده است.

در این خشک‌کن فیلم مایلار سبب می‌شود تا انتقال حرارت به روش تشعشع به داخل آب بازتاب شود وقتی محصول مرطوب روی فیلم مایلار قرار می‌گیرد رطوبت موجود در آن جاذب مادون قرمز است و مانند یک پنجره عمل می‌کند که از طریق آن انتقال حرارت تشعشعی اتفاق می‌افتد. حدوداً نیمی از کل تشعشع حرارتی به محصول پخش شده بر روی فیلم مایلار می‌رسد. گرما مستقیماً به مولکول‌های آب در محصول منتقل می‌شود، همان‌طوری که محصول رطوبت خود را از دست می‌دهد، پنجره‌ی خشک‌شدن بسته می‌شود و انرژی تشعشعی به سمت منبع آب گرم شکست پیدا می‌کند و مجدد به آب بازتاب می‌شود. در این حالت تنها روش انتقال حرارت به‌صورت رسانش می‌باشد و از آن‌جا که فیلم پلیمری ضریب رسانایی پایینی دارد، از وارد شدن حرارت اضافی و بروز صدمه حرارتی به محصول خشک‌شده، جلوگیری می‌شود (Shende, Shrivastav, & Datta, 2019). در پایان فرآیند خشک‌کردن، محصول خشک‌شده روی یک مخزن آب خنک حرکت می‌کند و محصول خنک می‌شود تا از چسبندگی محصول به فیلم مایلار جلوگیری شود و خراشیدن آن آسان شود (Shende & Datta, 2019).

### هندسه و فرضیات مسئله

در این مطالعه، به‌منظور شبیه‌سازی انتقال حرارت و جرم در خشک‌کن رفرکتانس ویندو، ابتدا محفظه خشک‌کن که شامل چهار لایه است، در مقیاس آزمایشگاهی در فضای Geometry نرم‌افزار کامسول مولتی فیزیکس نسخه ۵/۶ طراحی شده است، اندازه و ابعاد قسمت‌های مختلف این مدل هندسی در جدول ۱ ذکر شده است. هم‌چنین مدل هندسی خشک‌کن رفرکتانس ویندو در این نرم‌افزار در شکل ۲ نشان داده شده است.

انتقال حرارت و انتقال جرم را دارد. در این مطالعه، به بررسی شبیه سازی انتقال حرارت و انتقال جرم در خشک‌کن رفرکتانس ویندو در مقیاس آزمایشگاهی با استفاده از نرم‌افزار کامسول مولتی فیزیکس و به روش المان محدود برای ژل آلوتوره‌ها پرداخته شده است.

در تحقیقی مدل‌سازی بر پایه‌ی معادلات تجربی بر روی فیجوا<sup>۱</sup> با دو ضخامت ۳ و ۵ میلی‌متر در خشک‌کن رفرکتانس ویندو با دمای آب گرم ۶۰، ۷۰ و ۸۰ درجه‌سلسیوس و خشک‌کن هم‌رفتی با دمای ۵۰، ۶۰ و ۷۰ درجه‌سلسیوس انجام شد. در این تحقیق، دوازده مدل تجربی مورد تجزیه و تحلیل قرار گرفت. نتایج نشان داد که مدت زمان خشک‌کردن محصول در خشک‌کن رفرکتانس ویندو بسیار کم‌تر است و هرچه ضخامت محصول کم‌تر باشد محصول سریع‌تر خشک می‌شود. هم‌چنین مناسب‌ترین مدل تجربی برای هر دو خشک‌کن مدل لگاریتمی<sup>۲</sup> و میدیلی<sup>۳</sup> است (Sánchez, Lancheros, Carvajal, & Moreno, 2020).

محقق، یک مدل ریاضی دوبعدی برای انتقال حرارت و جرم به صورت هم‌زمان در طول خشک‌کردن رفرکتانس ویندو برای شیر و ماست بدون چربی اجرا کرد و دریافت مدل‌های ریاضی امکان مطالعه فرآیندهای مختلف در صنعت را فراهم می‌کند و مشکلاتی مانند مصرف بیش از حد انرژی و فرسودگی تجهیزات را به حداقل می‌رساند؛ هم‌چنین نتایج نشان داد خشک‌کن رفرکتانس ویندو نسبت به سایر روش‌های خشک‌کردن، زمان خشک‌کردن کوتاه‌تر و انرژی مصرفی کم‌تری دارد (Herrera Ardila, 2022).

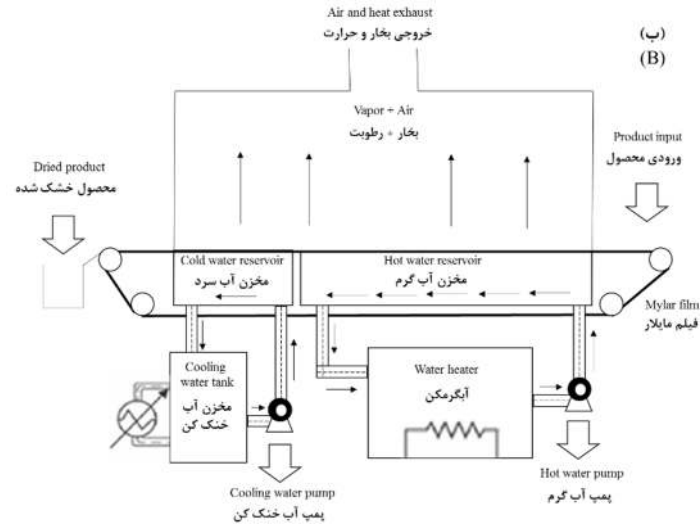
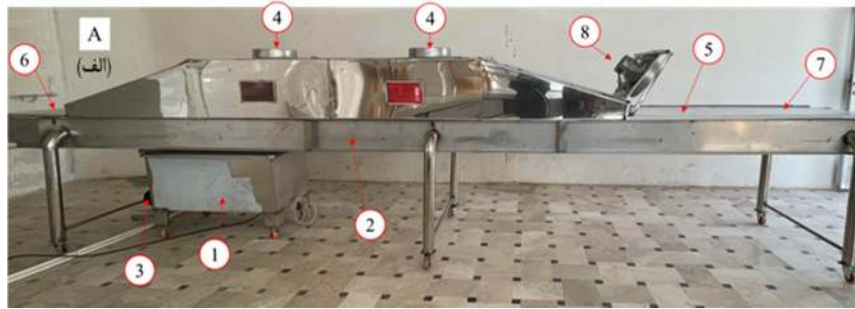
در تحقیقی، یک مدل با بررسی انتقال حرارت بین فیلم مایلار و پوره‌ی کدوتنبل در خشک‌کن رفرکتانس ویندو شبیه‌سازی شد. در این تحقیق، دو لایه‌ی فیلم مایلار و محصول به‌صورت دوبعدی در نرم افزار کامسول طراحی شد و برای تعیین شرایط مرزی دمای فیلم مایلار و دمای آب گرم به‌صورت برابر فرض شد. شبیه‌سازی در سه دمای ۵۵، ۷۵ و ۹۵ درجه‌سلسیوس انجام شد. مطابق نتایج مدت زمان خشک شدن پوره‌ی کدوتنبل در فیلم مایلار با دمای ۵۵، ۷۵ و ۹۵ درجه‌سلسیوس به ترتیب ۵۰۰، ۳۰۰ و ۱۵۰ ثانیه بود (Ortiz-Jerez, Gulati, Datta, & Ochoa-Martinez, 2015).

به‌طور کلی، تحقیقات کمی در حوزه مدل‌سازی خشک‌کن رفرکتانس ویندو انجام شده است. در این مطالعه، مدل سه‌بعدی برای هر چهار لایه‌ی خشک‌کن رفرکتانس ویندو در مقیاس آزمایشگاهی در نرم‌افزار کامسول ایجاد شد و نحوه انتقال حرارت و جرم در آن برای پوره‌ی آلوتوره‌ها مورد بررسی قرار گرفت.

### مواد و روش‌ها

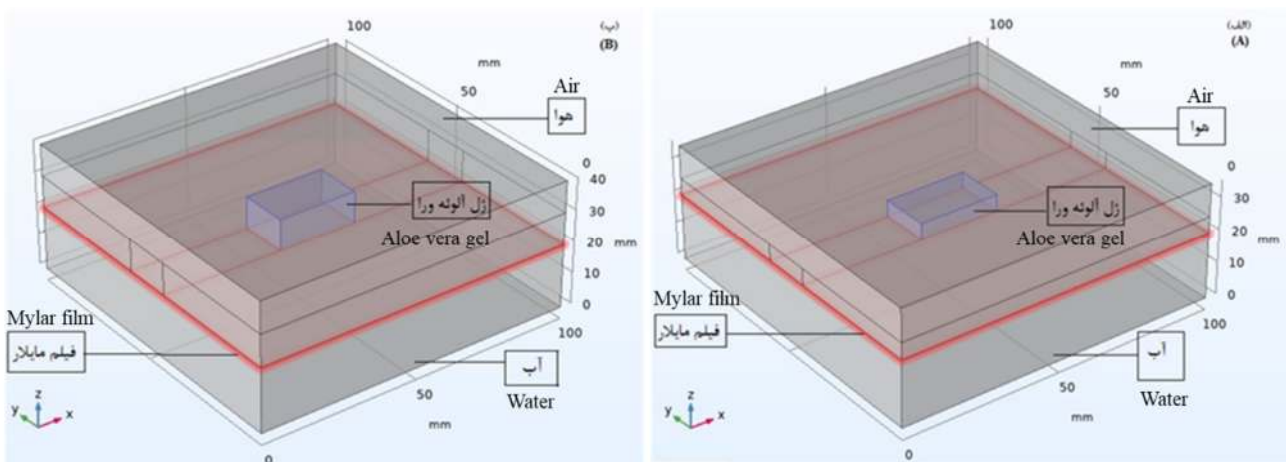
- 1- Feijoa
- 2- Logistic
- 3- Midilli

4- The polyester plastic film (Mylar)



شکل ۱- الف) شکل واقعی خشک کن رفرکتانس ویندو (۱- حمام حرارتی، ۲- مخزن آب، ۳- پمپ آب، ۴- خروجی بخار و حرارت، ۵- فیلم مایلار، ۶- ورودی محصول، ۷- محصول خشک شده و ۸- فن) (واقع در مرکز تحقیقات کشاورزی و منابع طبیعی خراسان رضوی)، ب) شماتیک خشک کن رفرکتانس ویندو و قسمت‌های مختلف آن

Fig.1. A) The Refractance Window dryer (1- Controlled water bath, 2- Water flume, 3- Water pump, 4- Vapor extractors, 5- Mylar film, 6- Product entry point, 7- Dried product exit point, and 8- Fan) Located in the Khorasan Razavi Agriculture and Natural Resources Research Center, B) Schematic of Refractance Window dryer and its different parts



شکل ۲- مدل هندسی ترسیم شده در نرم افزار کامسول با دو ضخامت ژل آلوئه‌ورا: الف) ۵ میلی‌متر و ب) ۱۰ میلی‌متر  
Fig.2. Geometrical model drawn in Comsol software with two thicknesses of aloe vera gel: A) 5 mm and B) 10 mm



## جدول ۱- اندازه و ابعاد قسمت‌های مختلف خشک‌کن رفرکتانس ویندو

Table 1- The dimensions of the different parts of the Refractance window dryer

ابعاد هندسی محفظه خشک‌کن طراحی شده در قسمت work plane نرم‌افزار کامسول The geometrical dimensions of the dryer chamber designed in the work plane section of Comsol software	میلی‌متر mm	منابع References
طول مخزن آب گرم Length of hot water tank	100	-
عرض مخزن آب گرم Width of hot water tank	100	-
ضخامت مخزن آب گرم Thickness of hot water tank	20	-
طول فیلم مایلار Length of Mylar film	100	-
عرض فیلم مایلار Width of Mylar film	100	-
ضخامت فیلم مایلار Thickness of Mylar film	0.25	(Ayala-Aponte <i>et al.</i> , 2021)
طول ژل آلوئه‌ورا Length of Aloe vera gel	25	(Ayala-Aponte <i>et al.</i> , 2021)
عرض ژل آلوئه‌ورا Width of Aloe vera gel	15	(Ayala-Aponte <i>et al.</i> , 2021)
ضخامت ژل آلوئه‌ورا Thickness of Aloe vera gel	5-10	(Ayala-Aponte <i>et al.</i> , 2021)

### پدیده‌های انتقال در محفظه‌ی خشک‌کن رفرکتانس ویندو

در فرآیند خشک‌کردن محصول در محفظه‌ی خشک‌کن رفرکتانس ویندو پدیده‌های انتقال مختلفی رخ می‌دهد (Nindo, & Tang, 2007; Ortiz-Jerez *et al.*, 2015). که در این پژوهش موارد زیر در نرم‌افزار کامسول شبیه‌سازی شده‌است و در شکل ۳ شماتیک پدیده‌های انتقال نشان داده شده است:

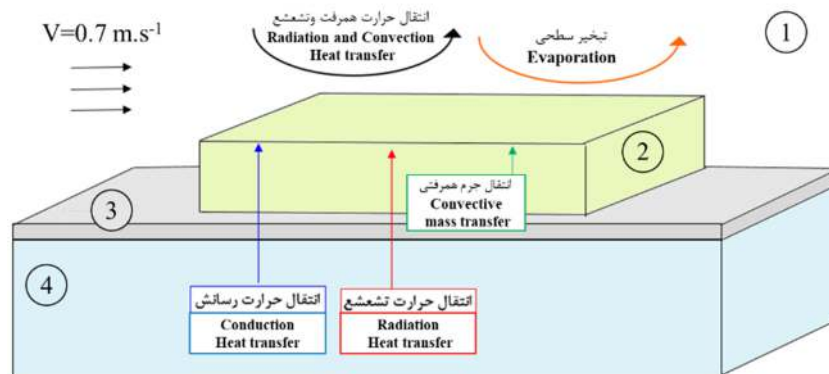
- انتقال حرارت رسانی بین تمام لایه‌های محفظه‌ی خشک‌کن و محصول
- انتقال حرارت تشعشی بین تمام لایه‌های محفظه‌ی خشک‌کن و محصول
- انتقال حرارت هم‌رفتی بین سطح مشترک محصول و هوا
- انتقال جرم از درون محصول به سطوح خارجی محصول (نفوذ)
- تبخیر رطوبت در سطوح مشترک محصول و هوا (تبخیر سطحی)

در این شبیه‌سازی بعد از رسم مدل هندسی، مواد لایه‌های مختلف خشک‌کن رفرکتانس ویندو برای نرم‌افزار از قسمت Materials تعریف شد. در این نرم‌افزار پارامترهای مورد نیاز برای حل مسئله در دو لایه‌ی آب و هوا به‌صورت پیش‌فرض در قسمت کتابخانه مواد به‌صورت روابطی بر حسب دما تعریف شده‌است. هم‌چنین با توجه به مقدار دمای آب در این مطالعه، دمای هوای خشک‌کن حدود ۵۰ تا ۶۰ درجه سلسیوس است (Ayala-Aponte *et al.*, 2021). اما خصوصیات ترموفیزیکی شامل چگالی، ظرفیت گرمایی ویژه و ضریب هدایت حرارتی فیلم مایلار، ژل آلوئه‌ورا در دو فاز مایع و جامد و تخلخل ژل آلوئه‌ورا در قسمت کتابخانه مواد تعریف نشده‌است و مقادیر آن مطابق جدول ۲ وارد نرم‌افزار شد. هم‌چنین در این شبیه‌سازی، فشار محفظه خشک‌کن ثابت نگه‌داشته شده‌است و تغییر فشار در محفظه در نظر گرفته نشده‌است و در طول فرآیند خشک‌کردن ابعاد ژل آلوئه‌ورا ثابت فرض شده‌است. هوا در سطح بالایی محصول در یک جهت با سرعت ۰/۷ متر بر ثانیه در حال حرکت است.

جدول ۲- مقادیر اولیه و خصوصیات ترموفیزیکی (Ayala-Aponte et al., 2021)

Table 2- Initial values and Thermophysical properties

پارامتر Parameter	مقدار Value	واحد Unit
چگالی فیلم مایلار Density of Mylar film	1430	kg.m <sup>-3</sup>
ظرفیت گرمایی ویژه فیلم مایلار Special heat capacity of Mylar film	1600	J.kg <sup>-1</sup> .K <sup>-1</sup>
ضریب هدایت حرارتی فیلم مایلار Thermal conductivity coefficient of Mylar film	0.19	W.m <sup>-1</sup> .K <sup>-1</sup>
تخلخل ژل آلوئه‌ورا (φ) Porosity of Aloe vera gel	0.99	-
دمای اولیه ژل آلوئه‌ورا Initial temperature of Aloe vera gel	4	°C
رطوبت اولیه ژل آلوئه‌ورا Initial moisture of Aloe vera gel	110	g <sub>water</sub> .g <sup>-1</sup> solid
رطوبت نهایی ژل آلوئه‌ورا Final moisture of Aloe vera gel	0.1	g <sub>water</sub> .g <sup>-1</sup> solid
چگالی ژل آلوئه‌ورا Density of Aloe vera gel	$\rho_{\text{Water}} = 1001.4 - 0.1276 T - 0.0029 T^2$	kg.m <sup>-3</sup>
	$\rho_{\text{solid}} = 720$	
ظرفیت گرمایی ویژه ژل آلوئه‌ورا Special heat capacity of Aloe vera gel	$C_{p,\text{Water}} = 4176.2 - 0.0909 T + 5.4731 \times 10^{-3} T^2$	J.kg <sup>-1</sup> .K <sup>-1</sup>
	$C_{p,\text{solid}} = 2946$	
ضریب هدایت حرارتی ژل آلوئه‌ورا Thermal conductivity coefficient of Aloe vera gel	$K_{\text{Water}} = 0.57109 + 1.762 \times 10^{-3} T - 6.7036 \times 10^{-6} T^2$	W.m <sup>-1</sup> .K <sup>-1</sup>
	$K_{\text{solid}} = 0.34$	



شکل ۳- شماتیک پدیده‌های انتقال در محفظه‌ی خشک‌کن رفرکتانس ویندو (۱- هوا، ۲- ژل آلوئه‌ورا، ۳- فیلم مایلار و ۴- آب)

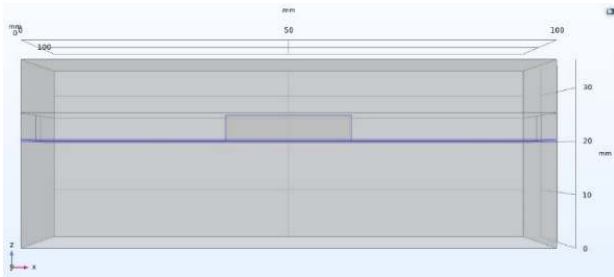
Fig.3. Schematic diagram of transfer phenomena in Refractance window dryer (1- Air, 2- Aloe vera gel, 3- Mylar film, and 4-Water)

حرارت از آب داغ به محصول انجام می‌پذیرد (Ortiz-Jerez, 2015)، شرایط مرزی انتقال حرارت در خشک‌کن رفرکتانس ویندو به شرح زیر است:

#### معادلات انتقال حرارت در خشک‌کن رفرکتانس ویندو

همان‌طور که بیان شد انتقال حرارت به سه روش رسانش، همرفت و تشعشع در خشک‌کن رفرکتانس ویندو رخ می‌دهد. به‌طور کلی فرآیند خشک کردن محصول در این خشک‌کن توسط انتقال

که در رابطه‌ی (۲)  $q$  شار حرارتی ( $W.m^{-2}$ )،  $\varepsilon$  ضریب صدور سطح جسم ( $\varepsilon=1$ )،  $\sigma$  ثابت استفان بولتزمن ( $5.67 \times 10^{-8} Wm^{-2}K^{-4}$ )،  $T$  و  $T_{amb}$  به ترتیب، دمای هوای اطراف ( $298^\circ K$ ) و دما ( $^\circ K$ ) است. در این پژوهش، به منظور شبیه‌سازی انتقال حرارت تشعشی از قسمت "Heat Sources"، ماژول "Surface-to-Ambient Radiation" انتخاب شد و مرزهایی که انتقال حرارت تشعشی در آن‌ها رخ می‌دهد، در این بخش انتخاب شد، که در شکل ۵ قسمت‌های آبی رنگ، مرزهایی است که انتقال حرارت تشعشی در آن تعریف شده‌است.



شکل ۵- شرایط مرزی انتقال حرارت تشعشی

Fig.5. Boundary conditions for radiation heat transfer

### تبادل حرارت به روش همرفت در مرزهای مشترک محصول و هوا

میزان انتقال حرارت همرفتی بین دو سطح جامد و سیال به میزان اختلاف دمای دو سطح و مساحت سطح تماس آن بستگی دارد. معادله حاکم برای انتقال حرارت همرفتی طبق قانون سرمایش نیوتن مطابق رابطه‌ی (۳) تعریف می‌شود (Durigon, Parisotto, Carciofi, & Laurindo, 2017):

$$-q = h_t(T_{amb} - T) \quad (3)$$

که در رابطه‌ی (۳)  $q$  شار حرارتی ( $W.m^{-2}$ )،  $h_t$  ضریب انتقال حرارت همرفتی ( $W.m^{-2}.K^{-1}$ )،  $T$  و  $T_{amb}$  دمای هوای اطراف و دما ( $^\circ K$ ) است. ضریب انتقال حرارت همرفتی برای جریان آرام و آشفته در این خشک‌کن به ترتیب از رابطه‌ی (۴) و (۵) محاسبه می‌شود (Ayala-Aponte et al., 2021):

$$h_t = 2 \frac{K_{air}}{L} \frac{0.3387 Pr^{1/3} Re^{1/2}}{\left(\frac{0.0468}{Pr}\right)^2} \quad \text{If } Re \leq 5 \times 10^5 \quad (4)$$

$$\left(1 + \frac{Pr}{3}\right)^{1/4}$$

$$h_t = 2 \frac{K_{air}}{L} Pr^{1/3} (0.037 Re^{4/5} - 871) \quad \text{If } Re > 5 \times 10^5 \quad (5)$$

که در رابطه‌ی (۴) و (۵)  $K_{air}$  ضریب هدایت حرارتی هوا ( $W.m^{-1}.K^{-1}$ )،  $Re$  عدد رینولدز<sup>۵</sup>،  $Pr$  عدد پранندتل<sup>۶</sup> و  $L$  ضخامت

5- Reynolds number (Re)

6- Prandtl number (Pr)

### تبادل حرارت به روش رسانش در تمام لایه‌های محفظه‌ی خشک‌کن

معادله حاکم برای انتقال حرارت رسانشی بین لایه‌ها طبق قانون فوریه مطابق رابطه‌ی (۱) تعریف می‌شود (Kumar et al., 2022):

$$q = -K \nabla T = K \left( \frac{\partial T}{\partial x} i + \frac{\partial T}{\partial y} j + \frac{\partial T}{\partial z} k \right) \quad (1)$$

که در رابطه (۱)  $\nabla T$  گرادیان دما ( $^\circ K$ )،  $q$  شار حرارتی ( $W.m^{-2}$ ) و  $K$  ضریب هدایت حرارتی ( $W.m.^{\circ}K^{-1}$ ) هستند. در این پژوهش، به منظور شبیه‌سازی انتقال حرارت رسانشی در محفظه‌ی خشک‌کن از ماژول "Heat Transfer in Solids and Fluids" استفاده شده است، این ماژول شامل دو قسمت جامد<sup>۱</sup> و سیال<sup>۲</sup> است. در این ماژول برای دامنه‌ی<sup>۳</sup> قسمت جامد لایه‌ی فیلم مایلار و برای دامنه‌ی قسمت سیال لایه‌های آب و هوا انتخاب شده‌است، و لایه‌ی محصول (آلوئه-ورا) به عنوان یک قسمت محیط متخلخل تعریف شد، که در شکل ۴ قسمت‌های آبی رنگ، مرزهایی است که انتقال حرارت رسانشی در آن تعریف شده‌است. با تعریف این ماژول انتقال حرارت رسانشی بین تمام لایه‌های انتخاب شده برقرار خواهد شد.



شکل ۴- شرایط مرزی انتقال حرارت رسانشی

Fig.4. Boundary conditions for conductive heat transfer

### تبادل حرارت به روش تشعشع در مرزهای مشترک بین آب، فیلم مایلار، محصول و هوا

به طور کلی از همه‌ی مواد (جامد، مایع و گاز) در دمای بالاتر از صفر مطلق از طریق امواج الکترومغناطیسی انرژی ساطع می‌شود. در خشک‌کن رفرکتانس ویندو آب با دمای نزدیک به نقطه جوش را می‌توان جسم سیاه در نظر گرفت و میزان انرژی تشعشی ساطع شده از یک جسم سیاه، طبق قانون استفان-بولتزمن<sup>۴</sup> مطابق رابطه‌ی (۲) تعریف می‌شود (Kumar et al., 2022):

$$-q = \varepsilon \sigma (T_{amb}^4 - T^4) \quad (2)$$

1- Solid

2- Fluid

3- Domain

4- Stefan-Boltzman



که در روابط (۶) و (۷)،  $\mu_{air}$  ویسکوزیته دینامیکی هوا (Pa.s)،  $\rho_{air}$  چگالی هوا ( $\text{kg.m}^{-3}$ )،  $k_{air}$  ضریب هدایت حرارتی هوا ( $\text{W.m}^{-1}.\text{K}^{-1}$ )،  $C_{p,air}$  ظرفیت گرمایی ویژه هوا ( $\text{J.kg}^{-1}.\text{K}^{-1}$ ) و  $V$  سرعت سیال ( $0.7 \text{ m.s}^{-1}$ ) است (Ayala-Aponte et al., 2021). با توجه به مقادیر عدد رینولدز طبق جدول ۳، ضریب انتقال حرارت همرفتی در محدوده جریان آرام است.

محصول (m) است. مقادیر عدد رینولدز و پراندتل از روابط (۶) و (۷) محاسبه می‌شود (Ayala-Aponte et al., 2021).

$$Pr = \frac{C_{p,air} \mu_{air}}{K_{air}} \quad (۶)$$

$$Re = \frac{\rho_{air} VL}{\mu_{air}} \quad (۷)$$

جدول ۳- ضریب انتقال حرارت همرفتی در دماهای مختلف و پارامترهای تعیین‌کننده آن

Table 3- Convective heat transfer coefficient at different temperatures and its determining parameters

دمای آب Water temperature ( $^{\circ}\text{C}$ )	60	70	80	90
$\rho_{air} (\text{kg.m}^{-3})$	1.092	1.082	1.072	1.062
$C_{p,air} (\text{J.kg}^{-1}.\text{K}^{-1})$	1006.04	1006.57	1007.10	1007.62
$K_{air} (\text{W.m}^{-1}.\text{K}^{-1})$	0.027	0.028	0.028	0.028
$\mu (\text{Pa.s})_{air} \times 10^{-5}$	1.96	1.97	1.99	2
Re	972.04	957.45	943.20	929.28
Pr	0.71	0.71	0.70	0.70
$h_t (\text{W.m}^{-2}.\text{K}^{-1})$	5mm	101	100.93	100.87
	10mm	50.53	50.50	50.46

جریان ( $5 \times 10^{-7} \text{ m.s}^{-1}$ ) هستند.

### معادلات انتقال جرم در خشک‌کن رفرکتنس ویندو

انتقال جرم در پدیده خشک‌کردن رفرکتنس ویندو به دو صورت انتقال جرم رسانشی (نفوذ) و انتقال جرم همرفتی صورت می‌گیرد.

۱. انتقال جرم نفوذ که در محصول رخ می‌دهد: به این منظور از معادله فیک برای بررسی انتقال جرم در محصول استفاده شد. بر اساس قانون دوم انتشار فیک، میزان شار جرمی در محصول متناسب با گرادیان غلظت است و طبق رابطه‌ی (۹) تعریف می‌شود:

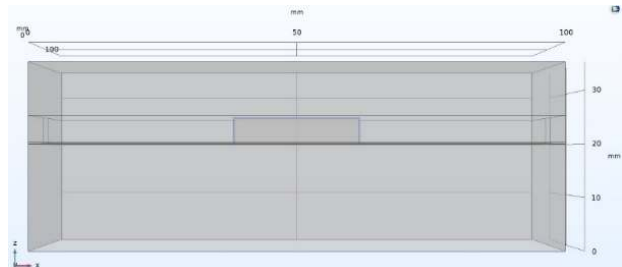
$$J = -D_{eff} \nabla C \quad (۹)$$

که در رابطه‌ی (۹)،  $\nabla C$  گرادیان غلظت رطوبت محصول ( $\text{mol.m}^{-3}$ )،  $D_{eff}$  ضریب موثر نفوذ رطوبت ( $\text{m}^2.\text{s}^{-1}$ )،  $J$  شار جرمی ( $\text{mol.m}^{-2}.\text{s}^{-1}$ ) هستند. مقدار ضریب موثر نفوذ رطوبت معمولاً با استفاده از داده‌های آزمایشگاهی و از رابطه‌ی (۱۰) محاسبه می‌شود (Ayala-Aponte et al., 2021):

$$MR = \frac{8}{\pi^2} \exp\left[\frac{-\pi^2 D_{eff} t}{D^2}\right] \quad (۱۰)$$

که در رابطه‌ی (۱۰)،  $MR$  نسبت رطوبت،  $D_{eff}$  ضریب موثر نفوذ رطوبت ( $\text{m}^2.\text{s}^{-1}$ )،  $t$  زمان (s) و  $D$  ضخامت محصول (m) است و مقدار ضریب موثر نفوذ رطوبت از شیب نمودار لگاریتم نسبت رطوبت<sup>۱</sup> بر

در این مطالعه، برای شبیه‌سازی انتقال حرارت همرفتی، از ماژول "Heat Flux" استفاده شده و مرزی که انتقال حرارت همرفتی در آن رخ می‌دهد، در این بخش انتخاب می‌شوند، در شکل ۶ قسمت‌های آبی رنگ، مرزهایی است که انتقال حرارت همرفتی در آن تعریف شده‌است.



شکل ۶- شرایط مرزی انتقال حرارت همرفتی

Fig.6. Boundary conditions for convective heat transfer

قانون کلی برای تمام فرآیندهای انتقال حرارت بر اساس قانون اول ترمودینامیک ارائه می‌شود، که معادله‌ی آن در نرم‌افزار کامسول به صورت رابطه‌ی (۸) تعریف می‌شود (Kumar et al., 2022):

$$\rho C_p \frac{\partial T}{\partial t} + \rho C_p u \cdot \nabla T + \nabla \cdot q = Q \quad (۸)$$

که در رابطه‌ی (۸)،  $\partial T$  تغییرات دما ( $^{\circ}\text{K}$ )،  $\partial t$  تغییرات زمان (s)،  $C_p$  ظرفیت گرمایی ویژه ( $\text{J.kg}^{-1}.\text{K}^{-1}$ )،  $\rho$  چگالی ( $\text{kg.m}^{-3}$ )،  $Q$  منبع حرارتی داخلی ( $0 \text{ W.m}^{-2}$ )،  $q$  شار حرارتی ( $\text{W.m}^{-2}$ ) و  $u$  سرعت

که در رابطه‌ی (۱۱)،  $D_0$  ثابت انتشار ( $2.6989 \times 10^{-6} \text{ m}^2 \cdot \text{s}^{-1}$ )،  $E_a$  انرژی فعال‌سازی ( $\text{J} \cdot \text{mol}^{-1}$ )،  $T$  دمای هوای خشک‌کن ( $^\circ\text{K}$ ) و  $R$  ثابت جهانی گازها ( $8.314472 \text{ J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}$ ) است. مقدار ضریب موثر نفوذ رطوبت در این مطالعه و طبق روابط (۱۰) و (۱۱) مطابق جدول ۴ است (Ayala-Aponte et al., 2021).

زمان تعیین می‌شود. علاوه بر این، دمای هوای خشک‌کن یکی از مهم‌ترین عوامل موثر در مقدار ضریب مؤثر نفوذ رطوبت است، معادله آرنیوس (رابطه ۱۱) ارتباط بین این دو پارامتر را بیان می‌کند (Compaoré et al., 2019):

$$D_{eff} = D_0 e^{\frac{-E_a}{RT}} \quad (11)$$

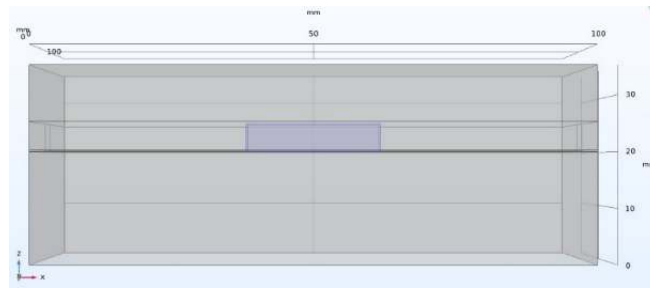
جدول ۴- مقدار ضریب مؤثر نفوذ رطوبت

Table 4- The value of the Diffusivity coefficient

ضخامت نمونه Sample thickness (mm)	$D_{eff} \times 10^{-10} (\text{m}^2 \cdot \text{s}^{-1})$			
	60°C	70°C	80°C	90°C
5	0.7	0.9	1.3	1.9
10	1.3	1.7	2.4	2.7

محصول رخ می‌دهد، که در شکل ۷ قسمت آبی رنگ، لایه‌ای است که انتقال جرم رسانشی در آن تعریف شده‌است.

برای شبیه‌سازی انتقال جرم نفوذ از ماژول "Transport of Diluted Species" استفاده شد. برای تعیین شرایط مرزی در این بخش برای دامنه، لایه‌ی محصول را انتخاب کرده زیرا انتقال جرم در



شکل ۷- شرایط مرزی انتقال جرم رسانشی

Fig.7. Boundary conditions for conductive mass transfer

(2021).

$$h_m = \frac{0.332 \text{Re}^{1/2} Sc^{1/3} D_{eff}}{L} \quad \text{If Re} \leq 15000 \quad (13)$$

$$h_m = \frac{0.0296 \text{Re}^{4/5} Sc^{1/3} D_{eff}}{L} \quad \text{If Re} > 15000 \quad (14)$$

که در روابط (۱۳) و (۱۴)،  $D_{eff}$  ضریب مؤثر نفوذ رطوبت ( $\text{m}^2 \cdot \text{s}^{-1}$ )، عدد رینولدز و  $Sc$  عدد اشمیت است، که عدد اشمیت مطابق رابطه‌ی (۱۵) محاسبه می‌شود (Ayala-Aponte et al., 2021).

$$Sc = \frac{\mu_{air}}{\rho_{air} D_{eff}} \quad (15)$$

۲. انتقال جرم همرفتی: انتقال جرمی که بین سطح ژل آلوئه‌ورا

و سیال متحرک (هوا) رخ می‌دهد و حرکت هوا نقش زیادی در خشک کردن محصول و انتقال جرم دارد و رطوبت به‌صورت بخار از سطح محصول خارج می‌شود (تبخیر سطحی) و مقدار آن از رابطه (۱۲) محاسبه می‌شود (Kumar et al., 2022):

$$-J = h_m (C_b - C) \quad (12)$$

که در رابطه‌ی (۱۲)،  $J$  شار جرم،  $h_m$  ضریب انتقال جرم ( $\text{m}^2 \cdot \text{s}^{-1}$ )،  $C_b$  غلظت رطوبت اطراف ( $1222.2 \text{ mol} \cdot \text{m}^{-3}$ ) است. ضریب انتقال جرم همرفتی برای جریان آرام و آشفته در این خشک کن نیز طبق رابطه‌ی (۱۳) و (۱۴) محاسبه می‌شود. با توجه به مقدار عدد رینولدز در این مطالعه، جریان آرام است و مقادیر ضریب انتقال جرم همرفتی مطابق جدول ۵ است (Ayala-Aponte et al., 2021).

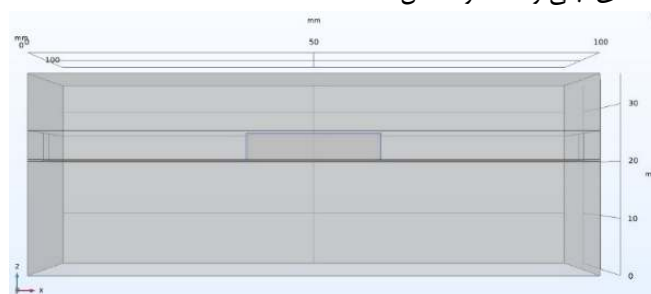
**جدول ۵- ضریب انتقال جرم همرفتی در دماهای مختلف و پارامترهای تعیین‌کننده آن**

**Table 5- Convective mass transfer coefficient at different temperatures and its determining parameters**

دمای آب Water temperature (°C)	ضخامت نمونه Sample thickness (mm)	Sc	$h_m \times 10^{-4} (m^2.s^{-1})$
60	5	2571.93	1.9
	10	1384.88	1.4
70	5	2030.87	2.3
	10	1075.16	1.7
80	5	1427.23	2.9
	10	773.08	2.2
90	5	991.16	3.8
	10	697.48	2.4

مرزهایی است که انتقال جرم همرفتی در آن تعریف شده‌است.

برای شبیه‌سازی انتقال جرم همرفتی در خشک‌کن رفرکتانس ویندو از ماژول "Flux" استفاده شد. سطح مشترک محصول و هوا به عنوان شرایط مرزی تعیین شد. قسمت‌های آبی رنگ در شکل ۸،



**شکل ۸- شرایط مرزی انتقال جرم همرفتی**

**Fig.8. Boundary conditions of convective mass transfer**

استفاده شد، در هر حالت برای اطمینان از درستی مش ایجادشده، کیفیت المان‌های مش از قسمت "Adaptive Mesh Refinement" ارزیابی شده‌است و در نهایت المان‌های مثلثی شکل با اندازه عنصر "Extremely fine" به‌عنوان بهترین حالت برای مش‌بندی انتخاب شد. با توجه به این که در ابتدای حل مسئله، مقدار گرمای قابل توجهی توسط آب گرم در داخل میوه ایجاد می‌شود و تخییر رخ می‌دهد، تغییرات پارامترها بسیار زیاد است و مش‌بندی با کمتر از ۸۰۰۰۰۰ سلول موجب واگراشدن حل می‌شود. جهت همگرایی مسئله مش‌بندی به اندازه کافی کوچک شد. در آخر تعداد المان و رئوس مش مطابق جدول ۶ است و مش‌بندی نمونه مدل سازی شده در شکل ۹ نشان داده شده است.

معادله کلی انتقال جرم در نرم‌افزار کامسول را می‌توان مطابق رابطه‌ی (۱۶) تعریف کرد (Kumar et al., 2022):

$$\frac{\partial C}{\partial t} + \nabla \cdot J + h_m \cdot \nabla C = R \quad (16)$$

که در رابطه‌ی (۱۶)،  $\partial C$  تغییرات غلظت محصول ( $\text{mol.m}^{-3}$ )،  $\partial t$  تغییرات زمان (s)، R مصرف یا تولید رطوبت و  $h_m$  ضریب انتقال جرم همرفتی ( $\text{m.s}^{-1}$ ) هستند.

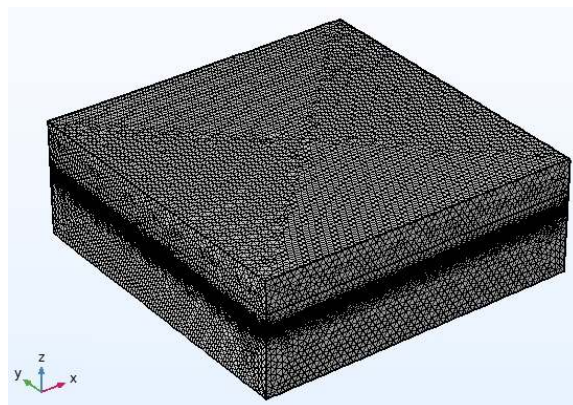
#### مش‌بندی (شبکه‌بندی)

در این مرحله مدل هندسی ایجادشده به قسمت یا المان‌های کوچک‌تر تقسیم‌بندی می‌شود. بدین منظور از المان‌های مثلثی و مربعی شکل با دو اندازه عنصر "Normal" و "Extremely fine"

**جدول ۶- تعداد المان و رئوس مش در شبیه‌سازی انتقال حرارت و جرم خشک‌کن رفرکتانس ویندو**

**Table 6- The number of mesh elements and vertices in the simulation of heat and mass transfer of Refractance window**

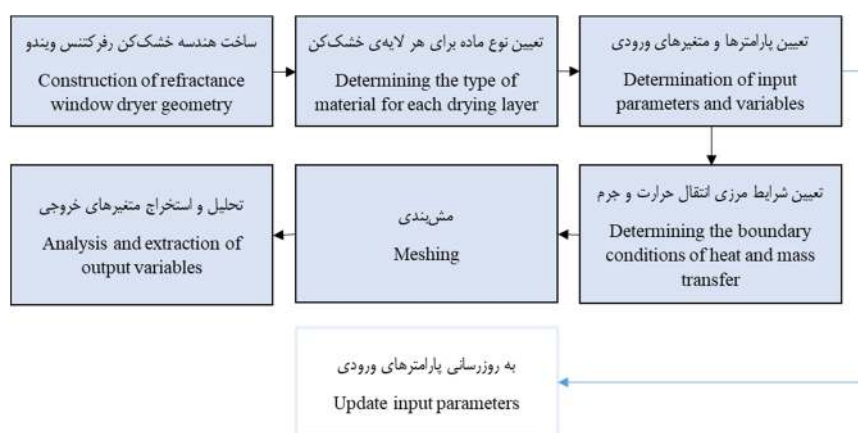
ضخامت نمونه Thickness of sample (mm)	المان Elements	رئوس مش Mesh vertices
5	814090	1740295
10	816212	1759206



شکل ۹- مش‌بندی نمونه مدل‌سازی شده در نرم‌افزار کامسول  
Fig.9. Modeled sample meshing in Camsol software

توسط نرم‌افزار کامسول اندازه‌گیری و ثبت شد. در هر گام نتایج گام قبل به‌عنوان شرایط اولیه در نظر گرفته می‌شوند و مجدد مسئله حل می‌شود. این کار به همین صورت ادامه می‌یابد تا با گذشت زمان مسئله به جواب قابل قبول برسد. در آخر متغیرهای خروجی در گام‌های زمانی مشخص از قسمت نتایج استخراج شده‌است. روش شبیه‌سازی و راهکار استفاده‌شده در این پژوهش در شکل ۱۰ نشان داده شده‌است.

سپس بعد از مرحله‌ی مش‌بندی، با توجه به شرایط مرزی تعیین شده که پیش‌تر بیان شد، معادلات برای یک گام زمانی حل می‌شوند، برای این کار از پنجره‌ی "Select Study" نوع آنالیز با توجه به فیزیک مسئله، "Time Dependent" انتخاب شده‌است. در این مطالعه، شبیه‌سازی انتقال حرارت و انتقال جرم خشک‌کن رفرکتانس ویندو یک مسئله‌ی وابسته به زمان است. به این ترتیب، دما و محتوی رطوبت آن در یک بازه زمانی ۳۰۰ دقیقه در هر ۵ دقیقه



شکل ۱۰- الگوریتم شبیه‌سازی انتقال حرارت و جرم خشک‌کن رفرکتانس ویندو در نرم‌افزار کامسول

Fig.10. Algorithm for simulation of heat and mass transfer of Refractance window dryer in Camsol software

### آلونه‌ورا

نتایج حاصل از شبیه‌سازی فرآیند خشک‌شدن نشان داد که، زمان لازم برای رسیدن به رطوبت ۰/۱ گرم آب بر گرم ماده خشک آلونه‌ورا در دمای آب ۶۰، ۷۰، ۸۰، و ۹۰ درجه سلسیوس به‌ترتیب برای ضخامت ۵ میلی‌متر ۱۲۰، ۱۰۰، ۷۰ و ۵۰ دقیقه و برای ضخامت ۱۰ میلی‌متر ۲۴۰، ۱۹۰، ۱۵۰ و ۱۲۰ دقیقه بود. همان‌طور که در شکل ۱۱ و ۱۲ به‌ترتیب برای ضخامت ۵ و ۱۰ میلی‌متر ملاحظه می‌شود،

### نتایج و بحث

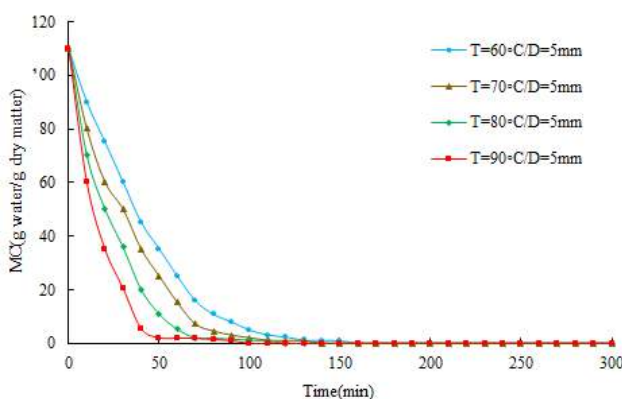
در این بخش نتایج مربوط به سینتیک خشک شدن، عوامل مؤثر بر آن، شبیه‌سازی المان محدود خشک شدن آلونه‌ورا و ارزیابی مدل از طریق مقایسه با نتایج مقالات دیگر ارائه خواهد شد.

اثر دمای آب گرم و ضخامت محصول بر فرآیند خشک کردن

کاهش زمان خشک‌شدن محصول به دلیل تأثیر دمای آب ممکن است با اختلاف دمای بالاتر بین منبع گرما (آب) و صفحات ژل آلوئه‌ورا توضیح داده‌شود، که به حذف سریع آب از محصول کمک می‌کند. با توجه به آثار دیگر پژوهشگران، افزایش دما باعث افزایش انتقال حرارت، سرعت تبخیر و انتقال آب از داخل محصول به سطح آن می‌شود و در نهایت محصول سریع‌تر خشک می‌شود (Kaur, Saha, Kumari, & Datta, 2017; Beigi, 2019). هرچه ضخامت نمونه کمتر باشد، نمونه سریع‌تر گرم می‌شود. در نتیجه به مولکول‌های آب اجازه می‌دهد تا در مدت زمان کوتاه‌تری به سطح نمونه رفته و تبخیر شوند. بنابراین، افزایش ضخامت محصول باعث کاهش در جریان جرمی شده و در نتیجه نرخ خشک شدن کمتر می‌شود.

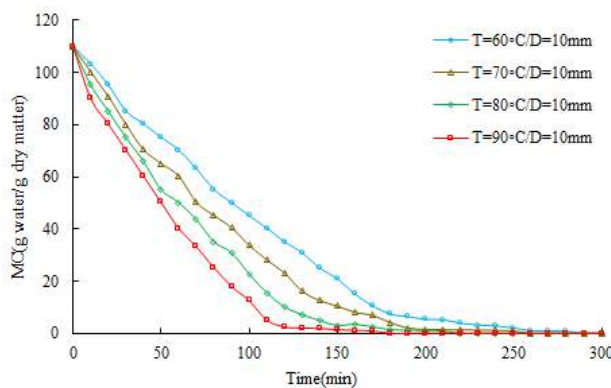
هنگام شروع فرآیند سرعت خشک‌شدن محصول بیشتر است، هرچه از فرآیند خشک‌شدن محصول می‌گذرد، سرعت خشک‌شدن کاهش می‌یابد.

از دست دادن سریع آب توسط خشک‌کن رفرکتانس ویندو نتیجه انتقال جرم و انرژی بالایی بود که هم‌زمان در صفحات آلوئه‌ورا رخ داد، زیرا در طول خشک‌کردن رفرکتانس ویندو، هر سه حالت انتقال حرارت فعال هستند. اگرچه در خشک‌کن‌های دیگر انتقال حرارت رسانشی غالب است، در این خشک‌کن رسانش، هم‌رفت و تشعشع در فصل مشترک آب گرم و فیلم مایلار، رسانش و تشعشع از طریق فیلم مایلار و هم‌رفت در فصل مشترک محصول و هوا رخ می‌دهد (Raghavi, Moses, & Anandharamakrishnan, 2018).



شکل ۱۱- نمودار خشک شدن ژل آلوئه‌ورا در دمای آب گرم ۶۰، ۷۰، ۸۰ و ۹۰ درجه سلسیوس با ضخامت ۵ میلی‌متر

Fig.11. Aloe vera gel drying diagram in hot water temperatures of 60, 70, 80, and 90 degrees Celsius with a thickness of 5 mm



شکل ۱۲- نمودار خشک شدن ژل آلوئه‌ورا در دمای آب گرم ۶۰، ۷۰، ۸۰ و ۹۰ درجه سلسیوس با ضخامت ۱۰ میلی‌متر

Fig.12. Aloe vera gel drying diagram in hot water temperatures of 60, 70, 80, and 90 degrees Celsius with a thickness of 10 mm

آزمایش‌های تجربی مقاله‌ی آیل-آپونته و همکاران (Ayala-Aponte et al., 2021) استفاده گردید. در این تحقیق دریافتند برای رسیدن به رطوبت نهایی ۰/۱ گرم آب بر گرم جامد، در صفحات ژل آلوئه‌ورا با

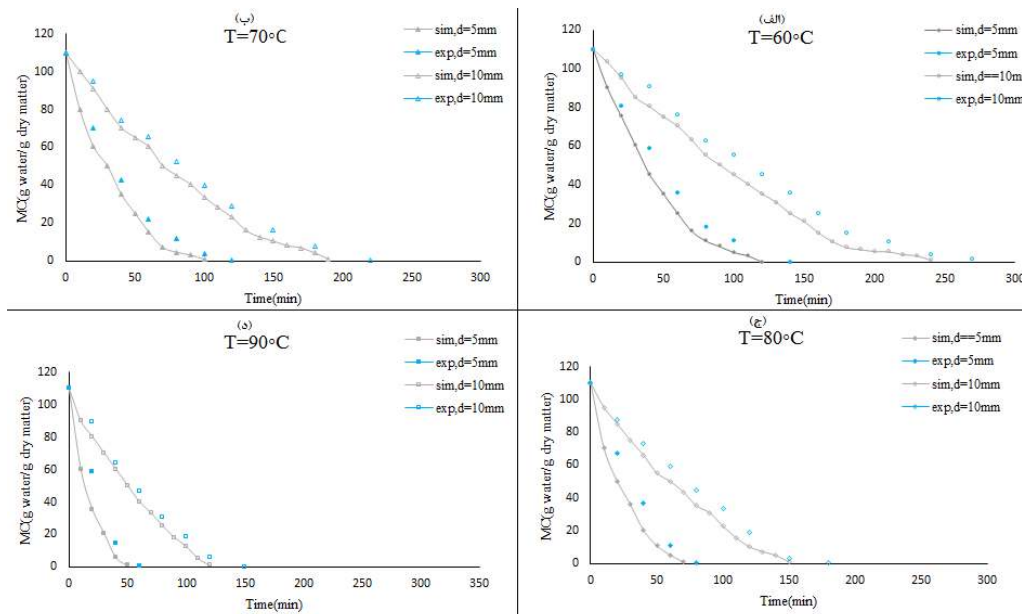
#### اعتبارسنجی مدت زمان خشک شدن محصول

شبیه‌سازی انجام شده توسط نرم‌افزار کامسول به منظور قابل اعتماد بودن بایستی اعتبارسنجی شوند. برای این منظور از نتایج حاصل



۷۰، ۸۰ و ۹۰ درجه سلسیوس نیاز است. طبق نتایج حاصل مدت زمان خشک شدن محصول از تطابق خوبی با نتایج حاصل از شبیه‌سازی برخوردار بودند که این تطابق در شکل ۱۳ نشان داده شده است.

ضخامت ۵ میلی‌متر به مدت زمان ۱۴۵، ۱۲۰، ۸۱ و ۵۵ دقیقه در دمای ۶۰، ۷۰، ۸۰ و ۹۰ درجه سلسیوس و برای صفحات ژل آلوت‌ه‌ورا با ضخامت ۱۰ میلی‌متر به ۲۷۰، ۲۲۰، ۱۶۰ و ۱۴۵ دقیقه در دمای ۶۰



**شکل ۱۳** - اعتبارسنجی مدت زمان خشک شدن محصول برای ضخامت ۵ و ۱۰ میلی‌متر در آب گرم با دمای (الف) ۶۰ درجه سلسیوس، (ب) ۷۰ درجه سلسیوس، (ج) ۸۰ درجه سلسیوس و (د) ۹۰ درجه سلسیوس

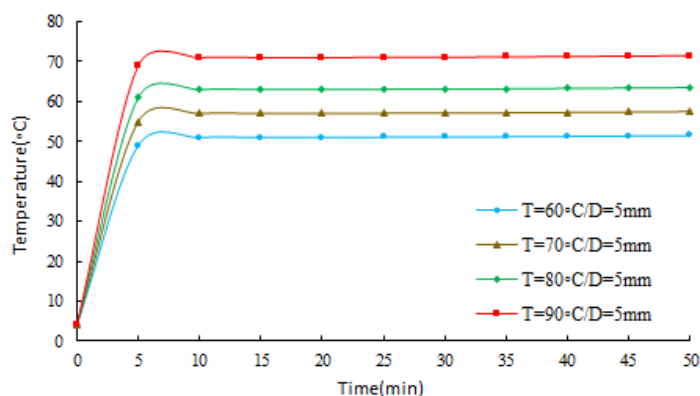
**Fig.13.** Validation of product drying time for thickness of 5 and 10 mm in hot water with temperature (A) 60 degrees Celsius, (B) 70 degrees Celsius, (C) 80 degrees Celsius, and (D) 90 degrees Celsius

بیش تر است.

همان‌طور که در شکل ۱۴ و ۱۵ به ترتیب برای ضخامت ۵ و ۱۰ میلی‌متر ملاحظه می‌شود، به‌طور کلی در هر چهار دمای آب گرم بررسی شده در فرآیند خشک کردن، دمای محصول در ابتدا افزایش سریعی دارد و پس از آن در طول فرآیند خشک کردن همان دما تقریباً ثابت می‌ماند و به دمای آب گرم نمی‌رسد. زیرا طبق ویژگی‌های خشک‌کن رفرکتانس ویندو هرچه از زمان خشک کردن محصول می‌گذرد، رطوبت محصول کاهش می‌یابد، انتقال حرارت نیز کم‌تر می‌شود و دمای محصول در همان مقادیر ثابت می‌ماند.

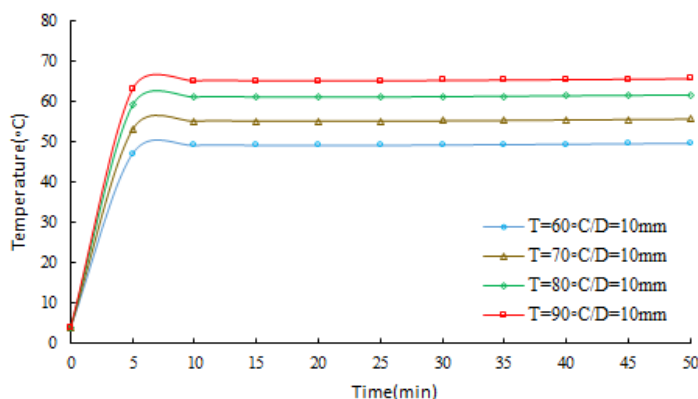
### اثر دمای آب داغ و ضخامت محصول بر میانگین دمای محصول

در این شبیه‌سازی، دمای اولیه ژل آلوت‌ه‌ورا ۴ درجه سلسیوس (دمای یخچال) بود و با شروع فرآیند خشک شدن دمای محصول افزایش یافت. نتایج شبیه‌سازی نشان داد که، دمای محصول در آب گرم با دمای ۶۰، ۷۰، ۸۰ و ۹۰ درجه سلسیوس برای ژل آلوت‌ه‌ورا با ضخامت ۵ میلی‌متر به ترتیب به ۵۱، ۵۷، ۶۳ و ۷۱ درجه سلسیوس و برای ژل آلوت‌ه‌ورا با ضخامت ۱۰ میلی‌متر به ترتیب به ۴۷، ۵۵، ۶۳ و ۶۵ درجه سلسیوس افزایش می‌یابد. طبق نتایج هرچه ضخامت ژل آلوت‌ه‌ورا کم‌تر باشد، دمای محصول در طول فرآیند خشک کردن



شکل ۱۴- نمودار دما ژل آلوئه‌ورا در دمای آب گرم ۶۰، ۷۰، ۸۰ و ۹۰ درجه سلسیوس با ضخامت ۵ میلی‌متر

Fig.14. Temperature diagram of aloe vera gel in hot water temperatures of 60, 70, 80, and 90 degrees Celsius with a thickness of 5 mm



شکل ۱۵- نمودار دما ژل آلوئه‌ورا در دمای آب گرم ۶۰، ۷۰، ۸۰ و ۹۰ درجه سلسیوس با ضخامت ۱۰ میلی‌متر

Fig.15. Temperature diagram of aloe vera gel in hot water temperatures of 60, 70, 80, and 90 degrees Celsius with a thickness of 10 mm

مترمکعب رسید در قسمت (ب)، (ج) و (د) میزان رطوبت به ترتیب به حدود ۴۰، ۳۵ و ۳۰ مول بر مترمکعب رسیده و با توجه به این که طبق مقاله‌ی آیالا-آپوتنه و همکاران (Ayala-Aponte *et al.*, 2021)، میزان رطوبت نهایی در ژل آلوئه‌ورا ۰/۱ گرم آب بر گرم جامد و یا حدود ۴۰ مول بر مترمکعب است، در این سه قسمت، آلوئه‌ورا خشک شده است. در شکل ۱۷ ضخامت ژل آلوئه‌ورا ۱۰ میلی‌متر است و بعد از گذشت ۱۰۰ دقیقه از شروع فرآیند خشک شدن ملاحظه می‌شود که در قسمت (الف)، (ب)، (ج) و (د) میزان رطوبت به ترتیب برای دمای آب گرم ۶۰، ۷۰، ۸۰ و ۹۰ درجه سلسیوس به حدود ۶۵، ۷۵، ۸۵ و ۵۵ مول بر مترمکعب رسید و ژل آلوئه‌ورا کاملاً خشک نشده است. در شروع خشک کردن، میزان رطوبت در سراسر ژل آلوئه‌ورا یکنواخت بود، اما همان‌طور که در شکل ۱۶ و ۱۷ ملاحظه می‌شود در طول خشک کردن محصول (بعد از گذشت ۱۰۰ دقیقه) رطوبت ژل به سمت سطح خمیر کاهش می‌یابد. تفاوت در میزان رطوبت در مکان

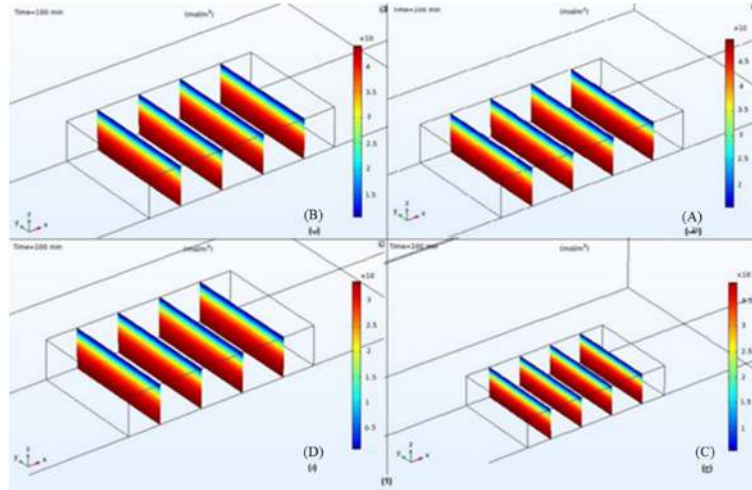
#### ارزیابی مدل در تعیین توزیع رطوبت

درک توزیع محتوای رطوبت بسیار مهم است زیرا ممکن است محصول ظاهراً در سطح خشک به نظر برسد، اما مقدار قابل توجهی رطوبت داشته باشد. اختلاف رطوبت در داخل محصول بر کیفیت نهایی محصول تأثیر می‌گذارد. بنابراین، بررسی توزیع رطوبت در محصول ضروری است (Khan, Kumar, Joardder, & Karim, 2017).

رطوبت را در کل محصول در هر مرحله زمانی می‌توان توسط نرم‌افزار کامسول محاسبه کرد. شکل ۱۶ و ۱۷ توزیع رطوبت سه‌بعدی به صورت مقاطع مختلف طولی در سراسر ژل آلوئه‌ورا را پس از ۱۰۰ دقیقه به ترتیب برای ضخامت ۵ و ۱۰ میلی‌متر نشان می‌دهد. همان‌طور که در شکل ۱۶ ملاحظه می‌شود، بعد از گذشت ۱۰۰ دقیقه از شروع فرآیند خشک شدن در قسمت (الف) دمای آب گرم ۶۰ درجه-سلسیوس است و میزان رطوبت ژل آلوئه‌ورا به حدود ۴۵ مول بر

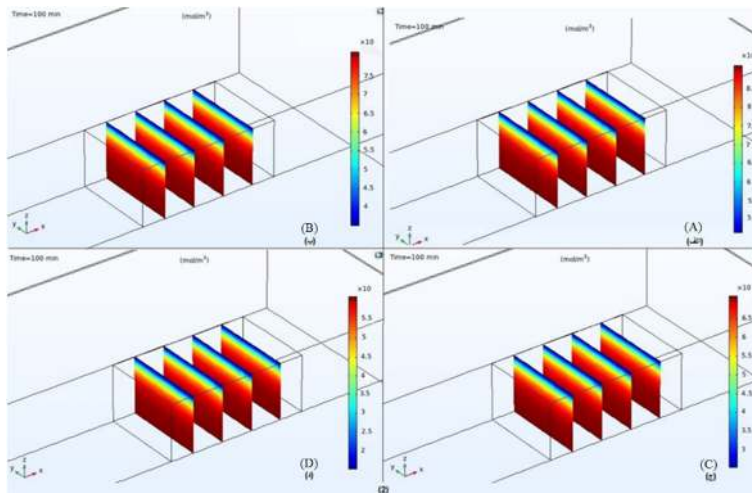
طول خشک کردن توزیع رطوبت در هر دو ضخامت به صورت یکنواخت است.

های مختلف در یک زمان خاص به دلیل نرخ تبخیر بالاتر در سطح، با سرعت انتشار رطوبت قابل توجه به سمت سطح محصول است. با توجه به این که بخش عمده‌ی ژل آلوئه‌ورا از آب تشکیل شده است در



شکل ۱۶- توزیع رطوبت ژل آلوئه‌ورا با ضخامت ۵ میلی‌متر در ۱۰۰ دقیقه هنگامی که دمای آب (الف) ۹۰ درجه سلسیوس، (ب) ۸۰ درجه سلسیوس، (ج) ۷۰ درجه سلسیوس و (د) ۶۰ درجه سلسیوس است.

**Fig.16.** Moisture distribution of aloe vera gel with a thickness of 5 mm at 100 minutes when the water temperature is (A) 90 °C, (B) 80 °C, (C) 70 °C, and (D) 60 °C



شکل ۱۷- توزیع رطوبت ژل آلوئه‌ورا با ضخامت ۱۰ میلی‌متر در ۱۰۰ دقیقه هنگامی که دمای آب (الف) ۹۰ درجه سلسیوس، (ب) ۸۰ درجه سلسیوس، (ج) ۷۰ درجه سلسیوس و (د) ۶۰ درجه سلسیوس است.

**Fig.17.** Moisture distribution of aloe vera gel with a thickness of 10 mm at 100 minutes when the water temperature is (A) 90 °C, (B) 80 °C, (C) 70 °C, and (D) 60 °C

رطوبت در کل محصول شبیه‌سازی شد. نتایج شبیه‌سازی شده درک بهتری نسبت به توزیع دما و رطوبت در کل محصول نشان داد. مهم ترین نتایج حاصل از این پژوهش به شرح زیر است:

۱. توزیع رطوبت نشان می‌دهد در حالی که رطوبت سطح محصول

## نتیجه‌گیری

در این پژوهش، با استفاده از نرم‌افزار کامسول مولتی فیزیکس، مدلی سه‌بعدی برای درک و تجسم اثر متغیرهای ورودی مختلف مانند دمای آب گرم و ضخامت محصول بر روی توزیع دما و توزیع

۰/۵۷۸، ۰/۷۳۲ و ۰/۹۱۵ گرم آب بر دقیقه می‌باشد. از نتایج حاصل می‌توان نتیجه گرفت هرچه دمای آب گرم بالاتر و ضخامت محصول کم‌تر باشد محصول سریع‌تر خشک می‌شود. ۳. توزیع رطوبت و توزیع دما درون محصول با حل معادلات انتقال جرم و حرارت در مدل المان محدود در طول فرآیند خشک شدن به دست می‌آید. این شبیه‌سازی به درک مکانیسم انتقال حرارت و انتقال جرم در طول خشک کردن مواد غذایی مختلف کمک می‌کند و امکان توسعه خشک‌کن‌های کارآمدتر را برای صنعت فرآوری مواد غذایی فراهم می‌کند.

پایین و تقریباً خشک بود، مرکز و کف آن دارای رطوبت قابل توجهی بودند. نحوه توزیع رطوبت شبیه‌سازی شده مطابقت خوبی با داده‌های مقالات مشابه نشان داده‌اند. ۲. با توجه به بررسی توزیع رطوبت در نرم‌افزار کامسول سرعت خشک شدن برای صفحات ژل آلوئه‌ورا با ضخامت ۵ میلی‌متر در آب گرم با دمای ۶۰، ۷۰، ۸۰ و ۹۰ درجه سلسیوس به ترتیب ۰/۹۱۵، ۱/۰۹۹، ۱/۵۷ و ۲/۱۹۸ گرم آب بر دقیقه و برای صفحات ژل آلوئه‌ورا با ضخامت ۱۰ میلی‌متر در آب گرم با دمای ۶۰، ۷۰، ۸۰ و ۹۰ درجه سلسیوس به ترتیب ۰/۴۵۷

## References

1. Antury, K. L. A., Rojas, D. A. V., & Bermeo, O. M. B. (2021). Conservación de las propiedades nutraceuticas del Aloe Vera (Aloe Barbadensis Miller), mediante técnicas de secado. *Ingeniería y Región*, (25), 6-21. <https://doi.org/10.25054/22161325.2818>
2. Ayala-Aponte, A. A., Cárdenas-Nieto, J. D., & Tirado, D. F. (2021). Aloe vera Gel Drying by Refractance Window®: Drying Kinetics and High-Quality Retention. *Foods*, 10(7), 1445. <https://doi.org/10.3390/foods10071445>
3. Añibarro-Ortega, M., Pinela, J., Barros, L., Ćirić, A., Silva, S. P., Coelho, E., ... & Ferreira, I. C. (2019). Compositional features and bioactive properties of Aloe vera leaf (fillet, mucilage, and rind) and flower. *Antioxidants*, 8(10), 444. <https://doi.org/10.3390/antiox8100444>
4. Beigi, M. (2019). Drying of mint leaves: Influence of the process temperature on dehydration parameters, quality attributes, and energy consumption. *Journal of Agricultural Science and Technology*, 21(1), 77-88.
5. Compaoré, A., Putranto, A., Dissa, A. O., Ouoba, S., Rémond, R., Rogaume, Y., ... & Kouliadiati, J. (2019). Convective drying of onion: modeling of drying kinetics parameters. *Journal of Food Science and Technology*, 56(7), 3347-3354.
6. Dev, S. R., & Raghavan, V. G. (2012). Advancements in drying techniques for food, fiber, and fuel. *Drying Technology*, 30(11-12), 1147-1159. <https://doi.org/10.1080/07373937.2012.692747>
7. Durigon, A., Parisotto, E. I. B., Carciofi, B. A. M., & Laurindo, J. B. (2018). Heat transfer and drying kinetics of tomato pulp processed by cast-tape drying. *Drying Technology*, 36(2), 160-168. <https://doi.org/10.1080/07373937.2017.1304411>
8. Duarte-Correa, Y., Vargas-Carmona, M. I., Vásquez-Restrepo, A., Ruiz Rosas, I. D., & Perez Martinez, N. (2021). Native potato (Solanum phureja) powder by Refractance Window Drying: A promising way for potato processing. *Journal of Food Process Engineering*, 44(10), e13819. <https://doi.org/10.1111/jfpe.13819>
9. Franco, S., Jaques, A., Pinto, M., Fardella, M., Valencia, P., & Núñez, H. (2019). Dehydration of salmon (Atlantic salmon), beef, and apple (Granny Smith) using Refractance window™: Effect on diffusion behavior, texture, and color changes. *Innovative Food Science and Emerging Technologies*, 52, 8-16. <https://doi.org/10.1016/j.ifset.2018.12.001>
10. Herrera Ardila, P. A. (2022). Mathematical modeling and simulation of refractance window drying of whole milk and yoghurt (Master's thesis, Universidad de La Sabana).
11. Jafari, S. M., Azizi, D., Mirzaei, H., & Dehnad, D. (2016). Comparing quality characteristics of oven dried and Refractance Window dried kiwifruits. *Journal of Food Processing and Preservation*, 40(3), 362-372. <https://doi.org/10.1111/jfpp.12613>
12. Kaur, G., Saha, S., Kumari, K., & Datta, A. K. (2017). Mango pulp drying by refractance window method. *Agricultural Engineering International: CIGR Journal*, 19(4).
13. Kudra, T., & Mujumdar, A. S. (2009). Advanced drying technologies. CRC press. <https://doi.org/10.1201/9781420073898>
14. Kumar, R., Singh, A. K., Gupta, A., Bishayee, A., & Pandey, A. K. (2019). Therapeutic potential of Aloe vera—A miracle gift of nature. *Phytomedicine*, 60, 152996. <https://doi.org/10.1016/j.phymed.2019.152996>
15. Kumar, M., Madhumita, M., Srivastava, B., & Prabhakar, P. K. (2022). Mathematical modeling and simulation of refractance window drying of mango pulp for moisture, temperature, and heat flux distribution. *Journal of Food Process Engineering*, 45(9), e14090. <https://doi.org/10.1111/jfpe.14090>
16. Khan, M. I. H., Kumar, C., Joardder, M. U. H., & Karim, M. A. (2017). Determination of appropriate effective diffusivity for different food materials. *Drying Technology*, 35(3), 335-346. <https://doi.org/10.1080/07373937.2016.1170700>

17. Mahapatra, A., & Tripathy, P. P. (2018). Modeling and simulation of moisture transfer during solar drying of carrot slices. *Journal of Food Process Engineering*, 41(8), e12909.
18. Milczarek, R. R., & Alleyne, F. S. (2017). *Mathematical and computational modeling simulation of solar drying systems*. In *Solar drying technology* (pp. 357-379). Springer, Singapore.
19. Nindo, C. I., & Tang, J. (2007). Refractance window dehydration technology: a novel contact drying method. *Drying Technology*, 25(1), 37-48. <https://doi.org/10.1080/07373930601152673>
20. Nindo, C. I., Feng, H., Shen, G. Q., Tang, J., & Kang, D. H. (2003). Energy utilization and microbial reduction in a new film drying system. *Journal of Food Processing and Preservation*, 27(2), 117-136. <https://doi.org/10.1111/j.1745-4549.2003.tb00506.x>
21. Ortiz-Jerez, M. J., Gulati, T., Datta, A. K., & Ochoa-Martínez, C. I. (2015). Quantitative understanding of Refractance Window™ drying. *Food and Bioprocess Processing*, 95, 237-253. <https://doi.org/10.1016/j.fbp.2015.05.010>
22. Raghavi, L. M., Moses, J. A., & Anandharamkrishnan, C. (2018). Refractance window drying of foods: A review. *Journal of Food Engineering*, 222, 267-275. <https://doi.org/10.1016/j.jfoodeng.2017.11.032>
23. Rajoriya, D., Shewale, S. R., & Hebbar, H. U. (2019). Refractance window drying of apple slices: Mass transfer phenomena and quality parameters. *Food and Bioprocess Technology*, 12(10), 1646-1658. <https://doi.org/10.1007/s11947-019-02334-7>
24. Sánchez, A. M. C., Lancheros, E. Y. M., Carvajal, M. X. Q., & Moreno, F. L. M. (2020). Sorption isotherms and drying kinetics modelling of convective and refractance window drying of feijoa slices (*Acca sellowiana* Berg). *International Journal of Postharvest Technology and Innovation*, 7(2), 118-136. <https://doi.org/10.1504/IJPTI.2020.109634>
25. Shende, D., Shrivastav, A., & Datta, A. K. (2019). Effect of mango puree thickness on refractance window drying for making mango leather. *IMPACT: International Journal of Research in Engineering & Technology*, 7, 41-54.
26. Shende, D., & Datta, A. K. (2020). Optimization study for refractance window drying process of Langra variety mango. *Journal of Food Science and Technology*, 57(2), 683-692. <https://doi.org/10.1111/jfpp.12435>
27. Shende, D., & Datta, A. K. (2019). Refractance window drying of fruits and vegetables: A review. *Journal of the Science of Food and Agriculture*, 99(4), 1449-1456.
28. Zou, Q., Opara, L. U., & McKibbin, R. (2006). A CFD modeling system for airflow and heat transfer in ventilated packaging for fresh foods: I. Initial analysis and development of mathematical models. *Journal of Food Engineering*, 77(4), 1037-1047. <https://doi.org/10.1016/j.jfoodeng.2005.08.042>